

■ 組み合わせの場合の数

- ・ \square 個から2個を選ぶとき、その選び方は、 $\square \times (\square - 1) \div 2$ (通り) と計算できる。
- ・ \triangle 個から3個を選ぶとき、その選び方は、 $\triangle \times (\triangle - 1) \times (\triangle - 2) \div 6$ (通り) と計算できる。

解説

例えば、A, B, C, D の4個から2個を選ぶとき、並び順も区別すると、1個目の選び方が4通り、2個目の選び方が3通りあるので、 4×3 (通り) となるが、実際には下図1のように、{A, B}, {B, A} のような2通りずつは区別しないので、 4×3 (通り) の半分でよい。

よって、 $4 \times 3 \div 2 = 6$ (通り) と計算できる。

図1

{A, B}	{A, C}	{A, D}
{B, A}	{B, C}	{B, D}
{C, A}	{C, B}	{C, D}
{D, A}	{D, B}	{D, C}

また、A, B, C, D, E の5個から3個を選ぶとき、並び順も区別すると、1個目の選び方が5通り、2個目の選び方が4通り、3個目の選び方が3通りあるので、 $5 \times 4 \times 3$ (通り) となるが、実際には下図2のように、{A, B, C}, {A, C, B}, {B, A, C}, {B, C, A}, {C, A, B}, {C, B, A} のような6通りずつは区別しないので、 $5 \times 4 \times 3$ (通り) の $\frac{1}{6}$ でよい。

よって、 $5 \times 4 \times 3 \div 6 = 10$ (通り) と計算できる。

図2

{A, B, C}	{A, B, D}	{A, B, E}	{A, C, B}	{A, C, D}	{A, C, E}
{A, D, B}	{A, D, C}	{A, D, E}	{A, E, B}	{A, E, C}	{A, E, D}
{B, A, C}	{B, A, D}	{B, A, E}	{B, C, A}	{B, C, D}	{B, C, E}
{B, D, A}	{B, D, C}	{B, D, E}	{B, E, A}	{B, E, C}	{B, E, D}
{C, A, B}	{C, A, D}	{C, A, E}	{C, B, A}	{C, B, D}	{C, B, E}
{C, D, A}	...				